# 鉄骨梁に対して上方にかさ上げられた床スラブの 拘束効果を考慮した横座屈補剛工法の開発

# 田中 昂平\*1・安田 聡\*1・氏家 大介\*1・成原 弘之\*2・松本 修一\*3・杉山 雄亮\*4

Keywords: composite steel girder, lateral buckling, slab raising, headed stud, plastic deformation capacity 合成梁, 横座屈, スラブかさ上げ, 頭付きスタッド, 塑性変形性能

# 1. はじめに

大スパン H 形断面鉄骨梁は,曲げを受けると図-1 に 示すような部材のねじれを伴う横座屈と呼ばれる劣化 挙動を生じることが知られている。このような挙動を 防止して部材に要求される変形性能を確保するために, 小梁や方杖といった横補剛材を材軸直交方向に設ける 手法が一般に用いられており,横補剛材の設計法は各 種指針<sup>1)など</sup>や基準書<sup>2)</sup>において整理されてきた。一方で, 鉄骨造建物の梁部材は床スラブが連続的に取付く場合 が多く,図-2(a)のように頭付きスタッドを介して H 形 断面梁の上フランジと床スラブが結合される合成梁で は,床スラブの拘束効果によってそれ自体横座屈に抵 抗できることも指摘されている<sup>3)</sup>。

当社では、これまでに構造実験ならびに有限要素解 析による検討を通じて上記の床スラブによる拘束効果 を実証し<sup>4),5)</sup>, 床スラブの補剛力に応じて従来の横補剛 材を一部もしくは全て省略することで, コスト低減と 部材性能の確保を両立した合理化設計法を確立してき た<sup>6)</sup>。ただし,同一階内でスラブレベルが異なる場合 に用いられる図-2(b)の仕様による合成梁で床スラブが 鉄骨梁に対して上方にかさ上げられるとき, 横座屈に よる最大構面外変位を生じる下フランジとスラブ間の 距離が大きくなることで補剛力の低下が予想されるほ か, スタッド頭部がスラブの等厚部分に届かないこと で破壊形式の違いに起因する耐力低下の懸念がある。

そこで、本研究では鉄骨梁に対して上方にかさ上げ られた床スラブによる拘束効果を把握し、部材性能の 評価法を構築することを目的として、構造実験ならび に有限要素解析を実施する。本報では、2章でスラブの かさ上げ部分における力学特性を確認するための要素 実験結果を、3章でスラブのかさ上げを伴う合成梁の保 有性能と終局形式を確認するための部材実験結果をそ れぞれ示したうえで、4章で有限要素解析を用いた性能 評価法の提案と検証を行う。



小梁

\*2 技術センター 都市基盤技術研究部

# 2. 要素試験体によるスラブ拘束確認実験

# 2.1 実験概要

試験体一覧を表-1 に,試験体形状と変位計測位置を 図-3 にそれぞれ示す。試験体は合成梁のスパンの一部 を取り出し上下を反転させた実大要素モデルであり, スラブには弾性係数が小さい軽量 2 種コンクリートを 用いている。実験変数は 2 種類の梁断面と対応して定 めるスタッド配置のほか,スラブかさ上げの有無・ス ラブ側フランジにスチフナを溶接することによるフラ ンジ面外拘束の有無とする。ただし,スラブかさ上げ なしの試験体においても図-2 のデッキ溝を想定して山 上高さ程度の立上りを設けている。また,スチフナは 材軸方向全長にわたりスタッド位置を含んで均等配置 している。本実験では,図-2 のデッキプレートやかさ 上げ鋼材による影響を考慮せず安全側の性能評価を行 うため,全試験体でこれらを再現していない。

加力は横座屈に伴う鉄骨梁の変形状態を模擬した水 平力を試験体頂部に作用させることで行う。載荷履歴 は単調加力を基本とするが,除荷・再載荷時の復元力 特性を確認するために,Fシリーズ試験体では同パラ メータのRシリーズ試験体における終局耐力の60%程 度の荷重で一度除荷を実施する。

変位計測には接触式の高感度変位計を用いるほか, 3D モーションキャプチャによる光学式計測を併用する。 本報では両計測値の対応を確認したうえで,フランジ の面外変形を許容する F シリーズ試験体におけるフラ ンジ中心点の詳細な履歴性状を把握するために,次の 方法で図-4 に示すように光学式計測値を整理する。

- [1] 鉄骨梁の回転外縁側におけるフランジ自由端の剛体運動を仮定して、スタッドによる引張力が作用する点の移動先を各計測座標から定める。
- [2] スタッド位置とフランジ中心点の間で線形の曲げ モーメント分布を仮定して,弾性理論に基づきフ ランジ中心点の移動先を定める。

Table 1 List of specimens						
試験体	H (mm)	スタッド本数 [ピッチ(mm)]	D (mm)	フランジ 拘束		
s50-R	750	1 列×2 [300]	50	あり		
s50-F				なし		
s300-R			300	あり		
s300-F				なし		
d50-R	1200	2 列×2 [200]	50	あり		
d50-F				なし		
d300-R			300	あり		
d300-F				なし		

表-1	試験体一覧
Fable 1	List of specimens

なお、曲げモーメントの大きさはスタッドに作用す る引張力から求め、材軸方向全長にわたりフランジは 一様に曲げを負担するものと考える。このとき、スタ ッドに作用する引張力は、軸部の曲げ外縁に貼付した 歪ゲージの計測値が弾性域に収まっていることを確認 したうえで、それらの平均によって定める。スタッド に作用する曲げの影響は小さいため考慮しない。

### 2.2 実験結果

実験で得られたフランジ中心点とスラブ等厚部の相 対的な曲げモーメントー回転角関係を図-5 に、せん断 カー水平変位関係を図-6 にそれぞれ示す。いずれの試 験体も加力開始時にはフランジとコンクリートの接触 面における付着によって引張応力が伝達されており、 本報では両者の剥離が生じた後の実験結果のみを考察 の対象とする。また、光学式計測値を一部用いて整理 した F シリーズの実験結果は数値にばらつきを有して おり、測定精度の検証が今後の課題である。



# 2.2.1 回転剛性の評価

図-5(a)に示す R シリーズ試験体の実験結果のうち, スラブのかさ上げを設けない場合の回転角は,スタッ ドの抜出しによって生じる変形と読み換えることがで きる。文献 3)では既往の実験結果に対して,材軸方向 のスタッド列数*n*,スタッドの軸部断面積*A*<sub>s</sub>,スタッド 長さ *l*<sub>s</sub>,スタッドの弾性係数 *E*<sub>s</sub>,回転中心のフランジ 縁からスタッドまでの距離 *b*を用いた式(1)による剛性 評価法が提案されている。

$$K_{r1} = n \cdot \frac{A_s \cdot E_s \cdot b^2}{l_s} \tag{1}$$

一方で,式(1)はスタッド自体の伸び変形のみを表し たものであり,スタッド頭部によるコンクリート支圧 部分の変形成分を考慮していないため実際の回転剛性 を過大評価している点が聲高ら<sup>7),8)</sup>によって指摘されて いる。文献 7)では上記の支圧変形に関する剛性を,コ ンクリートの弾性係数 *E*<sub>c</sub>,スタッドの引張力に対する コーン状破壊面の有効投影面積 *A*<sub>c</sub>を取り入れた式(2)で 回帰的に表現しており,式(1)と式(2)の直列系として回 転剛性の評価を行うことを提案している。

$$K_{r2} = n \cdot \frac{A_c \cdot E_c \cdot b^2}{40l_s} \tag{2}$$

文献 8)に則ってフランジ幅方向に並ぶ各スタッドに 対して式(1),式(2)を適用して定めた回転剛性を図-5(a) に併記しており、実験結果と良好な対応が確認できる。 このことから、普通コンクリートならびに軽量 1 種コ ンクリートを対象に検討されてきた式(2)は、軽量 2 種 コンクリートに対しても同様に適用可能であることが 読み取れる。

続いて、図-5(a)中のスラブかさ上げを設けた R シリ ーズ試験体に着目すると、回転剛性にはかさ上げを設 けない場合と大きな違いが見られない。これは図-5(a) に併記するコンクリートのかさ上げ部分で生じる回転 角がスタッドの抜出しによる回転角より十分小さいた めであり、スラブかさ上げを設ける場合も式(1)、式(2) のみによって回転剛性を精度良く評価できている。

これに対して図-5(b)に示す F シリーズ試験体では, 同パラメータの R シリーズ試験体と比較して回転剛性 が大きく低下している。これはフランジの面外変形に 起因するものであり,その回転成分は文献 3)における 図-7 の評価モデルに基づいて,フランジの面外曲げ剛 性  $E_f I_f$ ,フランジ半幅の長さ  $b_1$ もしくはスタッドゲー ジ $b_2$ による式(3)で与えられる。

$$\begin{cases}
K_{r3} = \frac{3E_f \cdot I_f}{b_1} \quad (スタッド1列配置) \\
K_{r3} = \frac{64E_f \cdot I_f}{5b_2} \quad (スタッド2列配置)
\end{cases}$$
(3)

式(1)~式(3)の直列系として評価した回転剛性計算値 を図-5(b)に併記しており、これよりスタッド2列配置 の試験体では実験結果との対応が良好であるものの、



スタッド1 列配置の試験体では実験結果を過小評価し ていることが分かる。その理由として、本報の試験体 はフランジの面外曲げ剛性が比較的小さく、図-8(a)の 評価モデルの中でスタッドの抜出し量に対して過大な フランジの変形を仮定していることが挙げられる。そ こで、実験におけるコンクリートのひび割れ観察状況 に即して曲げモーメント分布の仮定を図-8(b)のように 改めて、式(4)により回転剛性を算定することで図-5(b) に示すように実験結果を概ね捉えることができる。

$$K_{r3}' = \frac{24E_f \cdot I_f}{5b_1}$$
(4)

# 2.2.2 水平剛性の評価

図-6(a)に示す R シリーズ試験体の実験結果のうち, スラブのかさ上げを設けない場合の水平変位は,スタ ッドのせん断ずれによって生じる変形と読み換えるこ とができる。既往の研究では,スタッドを弾性支持杭 に見立てて文献 9)で導かれた式(5),式(6)の荷重変形関 係を援用して水平剛性を定める手法が提案されている。

$$u = \frac{\sqrt[4]{k/4E_s I_s}}{k}Q\tag{5}$$

$$k = \frac{E_c}{1.5(0.7 + 6Q/d_s l_s \sigma_c)} \tag{6}$$

ここで、 $E_s I_s$ はスタッドの曲げ剛性、 $d_s$ はスタッド径、  $\sigma_c$ はコンクリートの圧縮強度を表す。図-6(a)には、文献 3)に準じたスタッドの終局せん断力 <sup>10)</sup>到達時の割線 剛性 $K_{d1}$ ならびに文献 7)に準じた実験における終局耐力





到達時の割線剛性 K<sub>dl</sub>'をそれぞれ併記している。これ より,文献 7)の評価法は本実験の水平剛性をより精度 良く捉えられていることが分かる。

続いて、図-6(a)中のスラブかさ上げを設けた R シリ ーズ試験体に着目すると、コンクリートのかさ上げ部 分ではスタッドのずれ変位と同程度の水平変位が生じ ており、その影響を無視できない。そこで、上述の K<sub>d1</sub>、 とかさ上げ部分の水平剛性 K<sub>d2</sub>の直列系として全体の水 平剛性を表現することで、スラブのかさ上げを設けた 場合の実験結果についても評価することができる。

また,図-6(b)に示す F シリーズ試験体では,同パラ メータの R シリーズ試験体と水平剛性に大きな違いは 見られず,実験結果の除荷剛性はいずれも計算値と概 ね対応している。

### 2.2.3 終局耐力の評価

加力終了後の試験体を3Dスキャナで取り込み作成し たスタッド位置におけるコンクリート破壊面の断面図 を抜粋して図-9に示す。これより、かさ上げの有無に よる破壊面の差異はほとんど見られず、いずれもスタ ッド周囲のコンクリートのコーン状破壊によって終局 状態に至ったことが読み取れる。

各試験体の最大荷重を比較すると、かさ上げを設け る場合やスタッド 1 列配置でフランジの面外変形を許 容する場合には、かさ上げを設けずフランジの面外変 形を拘束する場合より 5~10%程度耐力が低下している。 また、スタッド 2 列配置でフランジの面外変形を許容 する場合には耐力低下が 35%程度と顕著である。これ は図-10 に示すように、フランジ幅方向に並ぶ両スタッ ドに作用する引張荷重の比率がフランジ面外拘束の有 無によって大きく異なるためである。



続いて,各スタッドがせん断力を均等に負担するも のと仮定して,破壊時にスタッドに作用していた引張 力 T<sub>max</sub>・せん断力 Q<sub>max</sub> をそれぞれ学会指針<sup>10)</sup>に基づく 単体での終局荷重  $T_u \cdot Q_u$  で無次元化したうえで、図-11 にプロットして示す。図-11には、スタッドが回転中心 からの距離に比例して引張力を負担するものと仮定し て, 文献 7), 文献 8)でコーン状破壊によって終局状態 に至った実験結果を併せて示している。ただし、算定 した引張力が規格下限値によるスタッドの降伏荷重を 上回る試験体はプロットから除外している。これより, 本実験における終局耐力は既往の実験値に対しておお よそ下限程度であり, 材軸方向に複数列のスタッドを 配した試験体とは類似した傾向が確認できる。さらに, 埋込長がスタッドより大きい頭付きアンカーボルトを 対象に引張・せん断組合せ荷重下の終局耐力を同様に 整理した文献 11)における式(7)の耐力評価を実験結果の プロットとともに図-11 に併記しており、こちらも本報 の実験結果と一定の対応が見られる。

$$(T_{\max}/T_u) + (Q_{\max}/Q_u) = 2/3$$
 (7)



Fig.11 Ultimate strength under combined loading

#### 合成梁架構の繰返し載荷実験 3.

#### 実験概要 3.1

試験体諸元を表-2 に、試験体形状と加力装置への据 付状況を図-12にそれぞれ示す。試験体は溶接組立H形 断面梁とコンクリート床スラブを頭付きスタッドで結 合した完全合成梁<sup>10)</sup>で,梁両端は直交梁を設けた H 形 断面柱と接合している。各試験体は左右半スパンでス ラブのかさ上げの有無を実験変数としており、かさ上 げ部分では2章の要素実験と同様にデッキプレートや かさ上げ鋼材を再現していない。

本報の試験体のうち, No.1 試験体はスラブによる補 剛効果に期待して小梁等の横補剛材を全て省略する場

表-2 試験体諸元 Table 2 Parameters of specin

Tuble 2 Tutuneters of specificity						
試験体名		No.1	No.2			
鉄骨梁	断面	BH-500×190×12×16	BH-600×200×10.5×16 (ウェブは PL-12 を加工)			
	鋼種	SN490B	TMCP385B			
	幅厚比	フランジ:5.9 ウェブ:39.0 (FA ランク)	フランジ:6.3 ウェブ:54.1 (FC ランク)			
	スパン	11000mm				
	細長比λ,	265	250			
床スラブ	材料	軽量2種コンクリート (Fc=21N/mm <sup>2</sup> )				
	スラブ厚	50mm	40mm			
	スラブ幅	2400mm (学会指針 <sup>10)</sup> の有効幅)				
	かさ上げ 高さ	右端側: 30mm 左端側:155mm	右端側: 25mm 左端側:150mm			
	配筋	溶接金網 φ3.2-@50mm 1段配置				
スタッド	軸径	φ 10				
	呼び長さ	60mm	50mm			
	配置	2 列配置・ゲージ 100mm (小梁上は 1 列配置)				
	ピッチ	150mm	100mm			
試験体縮尺		1/1.6 (62.5%)	1/2 (50.0%)			



図-12 試験体形状·加力装置 Fig.12 Details of specimens and loading setup 合の変形性能を検証するためのもので、横座屈が大き く進展したときのかさ上げ部の終局挙動を併せて確認 する。一方, No.2 試験体は横座屈に対する性能確保に 比較的不利な大断面(梁せい 1200mm 相当)・大スパン (柱芯間 22m 相当)・高強度(TMCP385)の部材条件

を想定して、スラブの補剛効果を見込んだうえで少数の小梁を併用するような場合を対象としている。そのため、No.2試験体に取付く小梁せいは図-13に示すように大梁せいやかさ上げ高さに対して小さく、材軸方向の小梁取付位置も強度が低い490N/mm<sup>2</sup>級鋼材の梁に対して規定される均等補剛方法・端部補剛方法の設計条件<sup>2)</sup>をいずれも満足していない。





加力は柱下部をピン・ローラー支持して,試験部と 対向して柱に取付けた加力梁の先端をアクチュエータ で鉛直方向に押し引きすることで行う。このとき,梁 試験部にはせん断力と一様勾配の曲げモーメントが作 用する。両加力点では鉛直変位の大きさが同一になる よう制御を行い,柱変形角を基準とした図-14の正負交 番漸増振幅繰返しによる載荷履歴を採用する。

### 3.2 実験結果

各試験体の梁端曲げモーメントー柱変形角関係を図-15 に、各サイクルの振幅ピーク時における下フランジ の構面外変形分布を $\theta$ =1/50 以降について図-16 にそれ ぞれ示す。図-15 には、純鉄骨の全塑性耐力  $_{s}M_{p}$ ならび に合成梁の正曲げ耐力  $_{c}M_{p}$ の計算値をそれぞれ破線で併 記している。また、No.1 試験体では図-15 中に点線で示 す範囲で意図した加力制御が行われず一時的に正曲げ 側の変形のみが大きく進行した。ただし、以降の正曲 げ側耐力推移は安定しており、実験結果への影響は軽 微と考えられる。

図-15 で横座屈が生じる負曲げ側耐力推移に着目する と、No.1 試験体は $\theta$ =1/33 (2 回目)、No.2 試験体は  $\theta$ =1/25 (1 回目)の加力終了後まで耐力低下を生じて おらず、その後もNo.1 試験体で $\theta$ =1/25、No.2 試験体で  $\theta$ =1/20 の変形に至るまで純鉄骨の全塑性耐力を保持し ていることから、いずれの試験体もかさ上げの有無に よらず高い変形性能が確認できる。このことは図-16 か







写真-1 かさ上げ部の破壊状況 (No.1 試験体) Photo.1 Failure mode of slab raising (specimen No.1)

らも読み取ることができ,No.1 試験体では構面外変形 の増大が最終 2 サイクルを除いて緩やかで,その推移 は両端とも概ね同等であることが分かる。No.2 試験体 についても,かさ上げの有無によって小梁の取付高さ が異なることに伴い大変形域の構面外変形量には両端 で差が見られるものの,いずれも小梁とスラブの併用 による大きな横補剛効果が確認できる。

No.1 試験体ではθ=1/25(1回目)のかさ上げ側負曲 げ加力時に写真-1に示すようなかさ上げコンクリート の破壊が生じており,繰返し加力に伴って破壊域が材 軸方向に拡大し,最終的にはスパン中央を超えて他端 側まで及んだ。このとき,頭付きスタッドの周囲には2 章の要素実験と同様のコーン状破壊面が形成されてお り,No.1 試験体の最終2サイクルで両端ともに耐力低 下と構面外変形が急激に進行しているのは,このよう な終局形式に起因している。これに対して,No.2 試験 体では最終サイクルに至るまでかさ上げ部分の脆性的 な破壊は確認されなかった。これは、小梁による横補 剛を併用することで,頭付きスタッドが床スラブに伝 達する曲げモーメントが低減されたことによるものと 考えられる。

# 4. 有限要素解析による性能評価

### 4.1 解析モデル

3章の部材実験で確認されたスラブかさ上げを有する 合成梁の変形性能をさらに広範なパラメータに対して 検討するために,実験結果を精度良く再現可能な解析 モデルを構築する。解析には汎用非線形有限要素解析 プログラム Abaqus (ver.2016)を用いる。

解析モデルを図-17 に示す。本モデルでは、スラブか さ上げを設けない合成梁の変形性能を概ね追跡できる 既報<sup>5</sup>の解析モデルに準じて、床スラブを2本の弾性ビ ーム要素に置換したうえで鉄骨梁との間にばね要素を 配置して頭付きスタッドを介した接合部の挙動を模擬 している。このとき、2本のビーム要素はスラブの面内 曲げ抵抗による上フランジの同転拘束ならびに ねじり抵抗による上フランジの回転拘束をそれぞれ表 現しているため、鉄骨梁との相対変形を規定する各ば ね剛性は2章で評価した水平剛性・回転剛性と対応す る。そこで、かさ上げを有する合成梁に関するばね剛 性は図-18に示す各成分について表-3のように与えられ るものとする。また、本報の解析モデルでは、図-18 中 のかさ上げ部分における曲げモーメント分布に応じて



図-18 ばね剛性の構成要素 Fig.18 Components of spring stiffness

※ばね剛性はフランジ幅方向に並ぶ2本のスタッドに対して材軸方向 ピッチごとに算定 ビーム要素のねじり定数を低減することでスラブ等厚 部に作用するねじりモーメントの拡大を考慮している。

# 4.2 解析結果

3章の部材実験におけるかさ上げ側梁端部の曲げモー メントー柱変形角関係について,再現解析結果を図-19 に示す。これより、かさ上げ部の破壊が生じるまでの 負曲げ時耐力を本報の解析モデルによって良好に追跡 できていることが分かる。また、解析中で各ばね要素 に作用する構面外荷重ならびに曲げモーメントの値を 用いて、図-20のように頭付きスタッドに作用する引張 力, せん断力を推定する。これは, 図-10のように2章 の要素実験で確認された,回転中心側に配したスタッ ドが引張力をほとんど負担していない傾向に基づくも のである。かさ上げ部の破壊を生じた3章の No.1 試験 体の再現解析について, 定めた各スタッドの作用荷重 を図-11と同様に学会指針10の終局荷重で無次元化し、 同時期のプロットを実線で結んで図-21 に示す。図-21 には式(7)による終局耐力評価を併記しており、図-19中 に示した解析結果から予測されるかさ上げ部の破壊時 期も実験結果と概ね対応していることが確認できる。













# 5. まとめ

スラブかさ上げを伴う合成梁の変形性能と終局形式 を評価するために実施した検討の結果を以下に示す。

- (1) 頭付きスタッドを介した床スラブー鉄骨梁間の力 学特性について、要素実験結果と既往の評価法の 対応を確認した。その際、スラブかさ上げの影響 を評価するためにはかさ上げ部におけるコンクリ ートの弾性変形を一部で考慮する必要があること を示した。
- (2) 大スパン合成梁架構の繰返し載荷実験を通して、 かさ上げを設けた場合もスラブによる大きな横補 剛効果を確認することができた。また、小梁によ る補剛を少数併用することでかさ上げ部における 脆性的な破壊を抑制することができた。
- (3) 要素実験で確認したスタッド接合部の力学特性を 有限要素解析に取り入れることで、部材実験で確 認された変形性能や破壊時期を概ね良好に再現す ることができた。

今後は構築した解析モデルを用いて, さらに広範な 条件に対して合成梁の部材性能を検証していきたい。

## 参考文献

- 1) 日本建築学会:鋼構造塑性設計指針, 2017.
- 2) 建築行政情報センター,日本建築防災協会:2020 年版建 築物の構造関係技術基準解説書,2020.
- 日本建築学会:鋼構造物の座屈に関する諸問題 2013, 2013.
- 安田聡,成原弘之,有山伸之,澤本佳和,岡安隆史,佐 野公俊:合成梁の横座屈性状に関する研究,日本建築学 会大会学術講演梗概集,pp.847~850,2012.
- 5) 成原弘之,安田聡,氏家大介,松本修一:小梁付き合成 梁の横座屈性状に関する研究,日本建築学会大会学術講 演梗概集, pp.917~922, 2015.
- 6) 大成建設株式会社: 合成梁の保有耐力横補剛の取り扱い (大成式), BCJ 評定-ST0221-03, 2021.
- 7) 聲高裕治,伊賀はるな,伊山潤,長谷川隆:H 形断面梁 の横座屈挙動に対するコンクリート床スラブによる拘束 効果,鋼構造論文集,第25巻,第97号,pp.47~59,2018.
- 8) 伊藤冬樹,上野朋也,聲高裕治,高田武之,内田衞,平 井健太:梁幅方向に複数行の頭付きスタッドが配置され た合成梁における上フランジの回転拘束効果,日本建築 学会大会学術講演梗概集,pp.675~678, 2022.
- 9)赤尾親助,栗田章光,平城弘一:頭付きスタッドの押抜 き挙動に及ぼすコンクリートの打込み方向の影響,土木 学会論文集,第380号,pp.311~320,1987.
- 10) 日本建築学会:各種合成構造設計指針·同解説,2010.
- 11) 白井佑樹、山田哲、坂田弘安、島田侑子、吉敷祥一:組 合せ荷重を受けるアンカーボルトと周辺コンクリートの 力学的挙動に関する実験研究、日本建築学会構造系論文 集,第80巻,第717号,pp.1735~1744,2015.